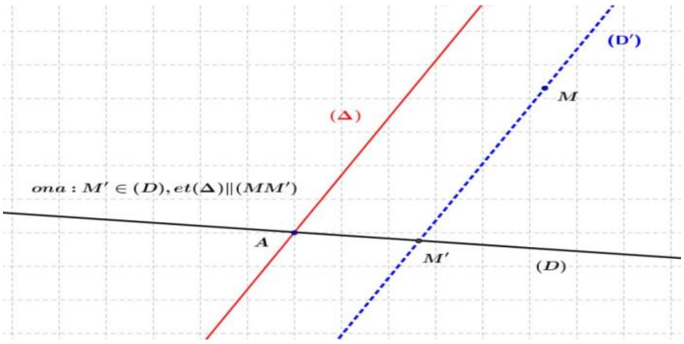
Résumé de Cours **PROF : ATMANI NAJIB** **Tronc CS**

La projection dans le plan

1)La projection sur une droite parallèlement à une autre droite



a)Soient (D) et (Δ) deux droites sécantes en un pont A , et soit M un point du plan

La droite qui passe par M et parallèle a (Δ) coupe (D) en un point M'

le point M' s'appelle la projection du point M sur (D) parallèlement à (Δ) ou le projeté M sur (D) parallèlement a (Δ) ou l'Image du point M par la projection $P_{(D;\Delta)}$ sur (D) parallèlement à (Δ) et on écrit : $P_{(D;\Delta)}(M) = M'$ ou $P(M) = M'$

la droite (Δ) s'appelle la direction de la projection

$P(M) = M'$ **:** M' l'Image du point M par la projection P

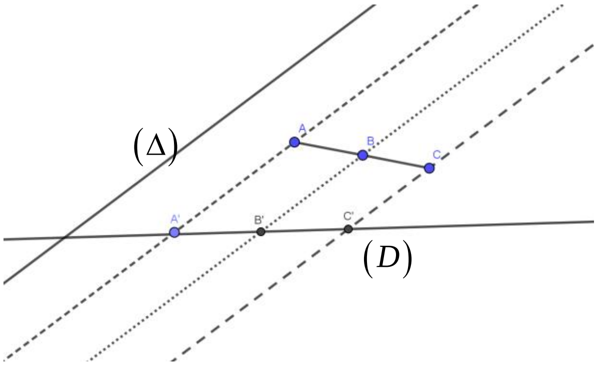
si $B \in (D)$ alors $P(B) = B$ on dit alors que le point B est invariant par la projection P

2) Propriétés

- Chaque point de (D) est confondu avec sa projection
- Est tout point confondu avec sa projection est un point De (D)
- On dit que la droite (D) est invariante par la projection sur (D) parallèlement à (Δ)
- L'image du segment [AB] par la projection P **est le** segment $[A'B']$ et on écrit : $P([AB]) = [A'B']$
- La projection conserve les milieux

remarque : Si les droite (D) et (Δ) sont perpendiculaire On dit que M'est la projection orthogonale de M sur (D)

3)Théorème de Thales : Soient (D) et (Δ) deux droites sécantes en un pont , et soient A ; B; C trois points alignés du plan tel que (AB) et (Δ) ne sont pas parallèles



soient A' ; B';C' et D' respectivement les projetés des points A ; B; C et D sur(D) parallèlement à (Δ)

a)Alors : $\dfrac{AB}{AC} = \dfrac{A'B'}{A'C'}$

b)Si : $\overrightarrow{AB} = k\overrightarrow{AC}$ avec $k \in \mathbb{R}$ alors $\overrightarrow{A'B'} = k\overrightarrow{A'C'}$

La projection conserve le coefficient d'alignement de trois points

c)si $\overrightarrow{AB} = k\overrightarrow{CD}$ Alors : Alors : $\overrightarrow{A'B'} = k\overrightarrow{C'D'}$

La projection conserve le coefficient de colinéarité de deux vecteurs

4)le théorème réciproque de Thales

Soient (D) et (D') deux droites non parallèles a une troisième(Δ) , et soient A ; B deux points de la droite (D) tel que A' et B' respectivement les projetés des points A ; B sur (D') parallèlement à (Δ)

Si C un point de la droite (D) et C' un point de la droite (D') tel que $\dfrac{AB}{AC} = \dfrac{A'B'}{A'C'}$

Et les points A ; B et C sont dans le même ordre sur la droite(D) que les points A'; B' et C' sur la droite (D')

Alors : le point C' est la projection de C sur la droite(D') parallèlement à (Δ) et on a $(AA') \parallel (BB') \parallel (CC')$